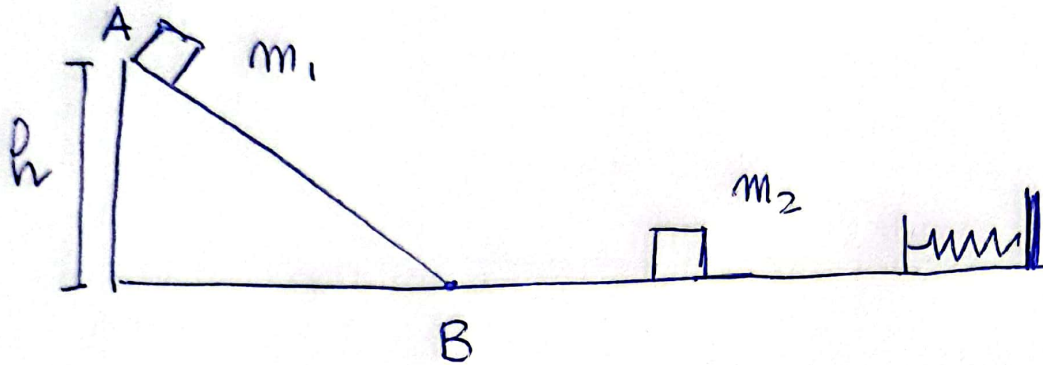


FISICA I - 12 CFU

II PROVA DI VERIFICA 25 MAG 2022

RISOLUZIONE

ESERCIZIO n. 1



PER LA MASSA m_1 $E_{TOT}^A = E_{TOT}^B$

$$m_1 g h = \frac{1}{2} m_1 v_B^2$$

$$v_B = \sqrt{2gh}$$

NELL'URTO FRA m_1 E m_2 SI CONSERVA LA QUANTITA' DI MOTO TOTALE DEL SISTEMA

$$\vec{P}_{TOT}^i = \vec{P}_{TOT}^f \quad P_{TOTx}^i = P_{TOTx}^f$$

$$m_1 v_B + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) v_f$$

(URTO COMPLETAMENTE ANELASTICO)

$$v_2 = 0 \quad (m_2 \text{ E' FERMA})$$

$$m_1 v_B = (m_1 + m_2) v_f \quad v_f = \frac{m_1}{m_1 + m_2} \sqrt{2gh}$$

DOPO L'URTO TUTTA L'ENERGIA CINETICA SI TRASFORMA IN ENERGIA POTENZIALE ELASTICA, COMPRIMENDO LA MOUA, E POI IN ENERGIA POTENZIALE GRAVITAZ. RISALENDO IL PIANO INCLINATO

$$\frac{1}{2}(m_1 + m_2) v_f^2 = \frac{1}{2} K X_{MAX}^2$$

$$X_{MAX} = v_f \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{K}}$$

$$\frac{1}{2}(m_1 + m_2) v_f^2 = (m_1 + m_2) g h_{FIN}$$

$$h_{FIN} = \frac{v_f^2}{2g}$$

SOSTITUENDO L'ESPRESSIONE DI v_f SI OTTIENE

$$X_{MAX} = m_1 \sqrt{\frac{2gh}{(m_1 + m_2)K}}$$

$$h_{MAX} = \left(\frac{m_1}{m_1 + m_2}\right)^2 h$$

NUMERICAMENTE I VALORI SONO \rightarrow

TRACCIA A-G

$$v_B = 5.4 \text{ m/s}$$

$$v_f = 3.6 \text{ m/s}$$

$$x_{\text{MAX}} = 0.80 \text{ m}$$

$$h_{\text{MAX}} = 0.67 \text{ m}$$

TRACCIA L-Z

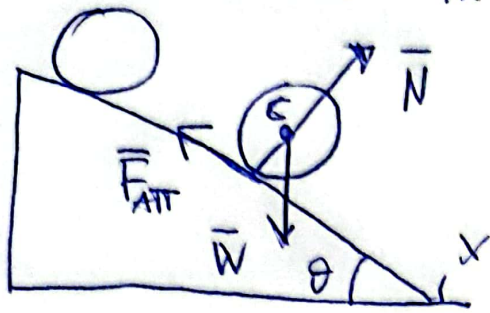
$$v_B = 5.6 \text{ m/s}$$

$$v_f = 3.5 \text{ m/s}$$

$$x_{\text{MAX}} = 0.80 \text{ m}$$

$$h_{\text{MAX}} = 0.625 \text{ m}$$

ESERCIZIO n. 2



MOTO DI PURO ROTOLAMENTO

MOTO DI TRASLAZIONE DEL CENTRO DI MASSA
PIU' MOTO DI ROTAZIONE ATTORNO AL CM

$$\begin{cases} \sum \bar{F}_{EXT} = M \bar{a}_{CM} \\ \sum \bar{M}(\bar{F}_{EXT}) = I_{CM} \alpha \quad \text{POLO IN C} \end{cases}$$

$$\bar{N} + \bar{F}_{ATT} + \bar{W} = M \bar{a}_{CM}$$

$$\begin{aligned} \text{asse } x & \quad \left\{ + M g \sin \theta - F_{ATT} = M a_{CM} \right. \\ \text{asse } y & \quad \left\{ N - M g \cos \theta = 0 \right. \end{aligned}$$

$$\bar{M}(\bar{W}) = 0$$

$$\bar{M}(\bar{N}) = 0$$

$$\bar{M}(\bar{F}_{ATT}) \Rightarrow R F_{ATT} \ominus$$

I_{CM} MOMENTO DI INERZIA CALCOLATO
PER UN'ASSE DI ROTAZIONE PASSANTE
PER IL CENTRO DI MASSA

$$\alpha < 0$$

$$\text{PER CUI} \quad -R F_{ATT} = -I_{CM} \alpha \quad R F_{ATT} = I_{CM} \alpha$$

INOLTRE PER ROTOLARE LA FORZA DI ATTRITO STATICO NON DEVE SUPERARE IL VALORE MASSIMO DELLA FORZA DI ATTRITO DI STRISCIAM.

$$|\bar{F}_{\text{ATT}}| \leq \mu Mg \cos \theta$$

NEL CASO DELLA SFERA (TRACCIA A-a)

$$I_{\text{CM}} = \frac{2}{5} MR^2$$

$$F_{\text{ATT}} = \frac{2}{5} MR^2 \frac{\alpha}{R} = \frac{2}{5} Ma_{\text{CM}}$$

SOSTITUENDO

$$Mg \sin \theta = Ma_{\text{CM}} + \frac{2}{5} Ma_{\text{CM}} = \frac{7}{5} Ma_{\text{CM}}$$

$$\text{DA CUI } a_{\text{CM}} = \frac{5}{7} g \sin \theta$$

$$F_{\text{ATT}} = \frac{2}{5} M \frac{5}{7} g \sin \theta = \frac{2}{7} Mg \sin \theta$$

$$\frac{2}{7} Mg \sin \theta \leq \mu Mg \cos \theta$$

$$\mu \geq \frac{2}{7} \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \quad \theta = \frac{\pi}{4} \quad \sin \theta = \cos \theta$$

$$\mu \geq \frac{2}{7}$$

NEL CASO DEL DISCO (TRACCIA L-z)

$$I_{\text{CM}} = \frac{1}{2} MR^2$$

$$F_{\text{ATT}} = \frac{1}{2} \mu v^2 \frac{v}{v} = \frac{1}{2} \mu a_{\text{cm}}$$

SOSTITUENDO

$$mg \sin \theta = m a_{\text{cm}} + \frac{1}{2} \mu a_{\text{cm}} = \frac{3}{2} \mu a_{\text{cm}}$$

$$\text{DA CUI } a_{\text{cm}} = \frac{2}{3} g \sin \theta$$

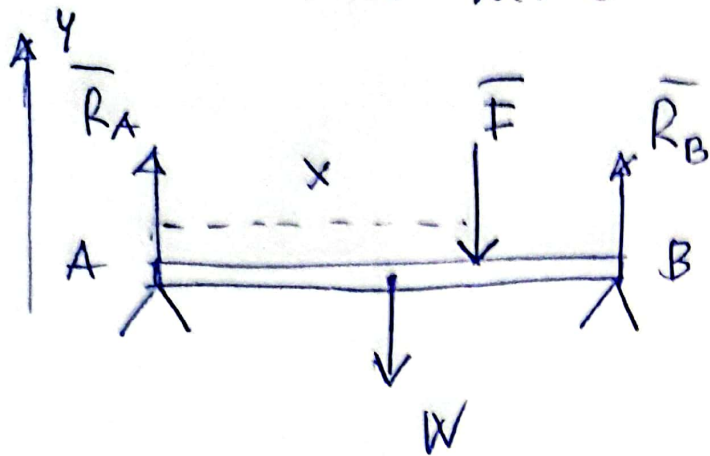
$$F_{\text{ATT}} = \frac{1}{2} \mu \frac{2}{3} g \sin \theta = \frac{1}{3} \mu g \sin \theta$$

$$\frac{1}{3} \mu g \sin \theta \leq \mu \mu g \cos \theta$$

$$\mu \geq \frac{1}{3} \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \quad \theta = \frac{\pi}{4} \quad \sin \theta = \cos \theta$$

$$\mu \geq \frac{1}{3}$$

ESERCIZIO n. 3



$$m = 30 \text{ Kg}$$

$$L = 1 \text{ m}$$

$$|\bar{F}| = 500 \text{ N}$$

$$|\bar{F}_{\max}| = 600 \text{ N}$$

BISOGNA STUDIARE LA CONDIZIONE DI EQUILIBRIO CONSIDERANDO CHE I VALORI DELLE REAZIONI NEGLI APPOGGI NON SONO COSTANTI MA CHE DIPENDONO DA DOVE SI APPLICA LA FORZA \bar{F} , QUINDI SI DEVONO DISCUTERE I VALORI DELLA x AFFINCHÉ LE REAZIONI IN A E IN B NON SUPERINO IL VALORE MASSIMO

$$\sum \bar{F}_{\text{EXT}} = \bar{R}_A + \bar{R}_B + \bar{W} + \bar{F} = 0$$

$$R_A + R_B - W - F = 0$$

$$R_A + R_B = W + F$$

$$\sum \bar{m}(\bar{F}_{\text{EXT}}) = 0 \quad \text{POLO IN A}$$

$$\bar{m}(\bar{R}_A) = 0$$

$$\bar{m}(\bar{W}) \Rightarrow \frac{L}{2} W \quad \ominus$$



$$\overline{m}(\overline{F}) \Rightarrow xF \ominus$$

$$\overline{m}(\overline{R}_B) \Rightarrow LR_B \oplus$$

$$-\frac{1}{2}W - xF + LR_B = 0 \quad R_B = \frac{\frac{1}{2}W + xF}{L}$$

$$R_B = \frac{W}{2} + \frac{x}{L}F$$

$$R_B \leq F_{\max} \quad \frac{W}{2} + \frac{x}{L}F \leq F_{\max}$$

$$x \leq \left(F_{\max} - \frac{W}{2} \right) \frac{L}{F} \quad x = 0.906 \text{ m}$$

POLO IN B

$$\overline{m}(\overline{R}_B) = 0$$

$$\overline{m}(\overline{W}) \Rightarrow \frac{L}{2}W \oplus$$

$$\overline{m}(\overline{F}) \Rightarrow (L-x)F \oplus$$

$$\overline{m}(\overline{R}_A) \Rightarrow LR_A \ominus$$

$$\frac{L}{2}W + (L-x)F = LR_A$$

$$\frac{W}{2} + \left(\frac{L-x}{L} \right) F = R_A \quad R_A \leq F_{\max}$$

$$\frac{W}{2} + \left(\frac{L-x}{L} \right) F \leq F_{\max}$$



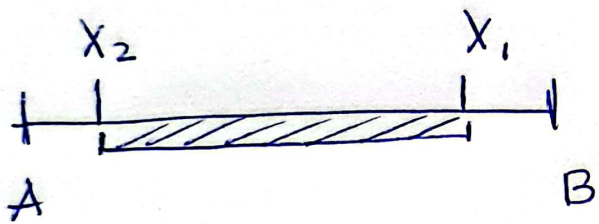
$$\frac{L-x}{L} F \leq F_{\text{MAX}} - \frac{W}{2}$$

$$(L-x)F \leq \left(F_{\text{MAX}} - \frac{W}{2}\right)L$$

$$-xF \leq \left(F_{\text{MAX}} - \frac{W}{2}\right)L - LF$$

$$xF \leq LF - \left(F_{\text{MAX}} - \frac{W}{2}\right)L$$

$$x \leq \frac{LF}{F} - \left(F_{\text{MAX}} - \frac{W}{2}\right) \frac{L}{F} \quad x \geq 0.094 \text{ m}$$



$$x_1 = 0.906 \text{ m}$$

$$x_2 = 0.094 \text{ m}$$

AFFINCHÉ I SOSTEGNI NON SI ROMPANO X DEVE ESSERE INCLUSA NELL'INTERVALLO DI ESTREMI x_1 E x_2

$$0.094 \leq x \leq 0.906$$