

N. MATRICOLA:
COGNOME:
NOME:

Compilare, salvare e rinominare il file
cognome_matricola.pdf
Inviare a elisabetta.barletta@unibas.it

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DELLA BASILICATA
SCUOLA DI INGEGNERIA
Prova di¹
Analisi Matematica I
(ING0002, ING0276, ING0008, IN0500)
30 Giugno 2020

[1] SELEZIONARE AL PIÙ UNA SOLA RISPOSTA PER CIASCUNA SERIE

Studiare il comportamento delle seguenti serie numeriche e, quando possibile, determinarne la somma:

- (a) $\sum_{n=0}^{\infty} \sin \frac{3n+2}{n^5+3}$ **R₁**: Converge (criterio del rapporto). **R₂**: Diverge (non verifica la condizione necessaria per la convergenza).
 R₃: Converge (criterio del confronto).
- (b) $\sum_{n=1}^{\infty} 3^{-(\sqrt{3}/3)^n}$ **R₁**: Serie priva di senso: $\sqrt{3}$ è una potenza irrazionale. **R₂**: Converge, $S = \frac{1}{3^{\sqrt{3}/3} - 1}$.
 R₃: Converge, $S = \frac{3^{\sqrt{3}/3}}{3^{\sqrt{3}/3} - 1}$.
- (c) $\sum_{n \geq 1} \frac{(4n)^{2n}}{\binom{4n}{2n}}$ **R₁**: Converge (criterio del rapporto). **R₂**: Diverge (non verifica la condizione necessaria per la convergenza).
 R₃: Converge, $S = 0$.

[2] SELEZIONARE AL PIÙ UNA SOLA RISPOSTA PER CIASCUNA DELLE QUATTRO DOMANDE

(i) Un'applicazione lineare $L : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ è convessa? Giustificare la risposta.

R₁: Sì: il suo grafico è una retta.

R₂: Non ha senso parlare di convessità per una tale funzione.

R₃: No, perchè è concava.

(ii) Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ una funzione regolare a tratti. Quale delle seguenti affermazioni è vera?

R₁: La funzione derivata f' è integrabile secondo Riemann in $[a, b]$.

R₂: La funzione derivata f' è integrabile secondo Riemann salvo al più in un numero finito di punti di $[a, b]$.

R₃: f non è integrabile secondo Riemann in $[a, b]$, ma la sua funzione derivata f' lo è.

(iii) Il valore principale di $(-1)^{3/4}$ è:

R₁: $-\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2}$ **R₂**: $\frac{\sqrt{2}}{2} - i \frac{\sqrt{2}}{2}$ **R₃**: $\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2}$

(iv) Sia $\lambda_1 \in \mathbb{R}$ una radice doppia del polinomio caratteristico di un'equazione differen-

¹Ognuno dei tre esercizi ben risolto in ogni sua parte vale 10 punti. -1 punto ogni tre risposte sbagliate. Risposte non attinenti alle lezioni svolte (ad esempio scaricate da internet) non verranno prese in considerazione. Durata totale della prova: 2 ore.

ziale di ordine $n \geq 2$ a coefficienti costanti. Allora

$$\square \mathbf{R}_1: (D - \lambda_1 I)(xe^{\lambda_1 x}) = 0 \quad \square \mathbf{R}_2: (D - \lambda_1 I)^2(xe^{\lambda_1 x}) = 0 \quad \square \mathbf{R}_3: (D - \lambda_1 I)(xe^{\lambda_1 x}) = xe^{\lambda_1 x}$$

[3] SELEZIONARE AL PIÙ UNA SOLA RISPOSTA PER CIASCUNA FUNZIONE

Verificare se le seguenti funzioni sono derivabili due volte nei punti interni del loro dominio:

$f(x) = \sin x + |x - \pi| \cos x, \quad x \in [0, 2\pi]$ \mathbf{R}_1 : Sì, f lo è. \mathbf{R}_2 : f non è derivabile in tutti i punti di $\mathcal{D}(f)$.

\mathbf{R}_3 : f' non è derivabile in tutti i punti di $\mathcal{D}(f)$.

$g(x) = \begin{cases} -x^2 + x & , x \in (-1, 0) \\ \arctan \frac{x}{\sqrt{1+x^2}} & , x \in [0, 2] \end{cases}$ \mathbf{R}_1 : Sì, g lo è. \mathbf{R}_2 : g non è derivabile in tutti i punti di $\mathcal{D}(g)$.

\mathbf{R}_3 : g' non è derivabile in tutti i punti di $\mathcal{D}(g)$.

$h(x) = \begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{4-x} & , x \in [0, 1) \\ 3(x-1)^3 + (x-1) & , x \geq 1 \end{cases}$ \mathbf{R}_1 : Sì, h lo è. \mathbf{R}_2 : h non è derivabile in tutti i punti di $\mathcal{D}(h)$.

\mathbf{R}_3 : h' non è derivabile in tutti i punti di $\mathcal{D}(h)$.

PARTE RISERVATA AL DOCENTE

[1]	(a)	(b)	
	(c)		
[2]	(i)	(ii)	
	(iii)	(iv)	
[3]	$f(x)$	$g(x)$	
	$h(x)$		

INSERIRE QUI EVENTUALI NOTE O CONSIDERAZIONI